

```

//Программа работает 21-02-2019 г. Визуал Студии С++

//Разложение натурального числа на простые множители

//Cranium факторизация числа 30 ноября 2015
//Задача: найти разложение натурального числа на простые множители(факторизация числа).

// Исходный код на языке С++
#include <iostream>
#include <vector>

using namespace std;

template <typename intT>
vector<intT> fact(intT num) {

    intT j = 2;
    vector<intT> res;
    while (num / intT(2) >= j) {
        if (num % j == 0) {
            res.push_back(j);
            num /= j;
            j = intT(2);
        }
        else {
            ++j;
        }
    }
    res.push_back(num);
    return res;
}

//typedef unsigned long integralT;
typedef __int64 integralT;

int main() {

    vector<integralT> v;
    integralT n;

    while (true) {
        cout << "Enter positive number: ";
        cin >> n;
        v.clear();
        v = fact(n);

        for (auto i = v.begin(); i != v.end(); i++) {
            if (i != v.begin())
                cout << ", ";
            cout << *i;
        }
        cout << endl << endl;
    }

    return 0;
}

```

```

//Динамическое программирование
//Динамическое программирование(ДП) – это техника, которая разделяет задачу на маленькие
пересекающиеся подзадачи, считает решение для каждой из них и сохраняет его в
таблицу.Окончательное решение считывается из таблицы.
//Ключевая особенность динамического программирования – способность определять состояние
записей в таблице и отношения или перемещения между записями.
//Затем, определив базовые и рекурсивные случаи, можно заполнить таблицу сверху вниз или
снизу вверх.
//В нисходящем ДП таблица будет заполнена рекурсивно, по мере необходимости, начиная
сверху и спускаясь к меньшим подзадачам.В восходящем ДП таблица будет заполняться по
порядку, начиная с меньших подзадач и с использованием их решений для того чтобы
подниматься выше и находить решения для больших задач.В обоих случаях если решение данной
подзадачи уже встречалось, оно просто ищется в таблице.И это значительно снижает
вычислительные затраты.
//Пример: Биноминальные коэффициенты
// Мы используем пример биномиальных коэффициентов, чтобы проиллюстрировать
использование нисходящего и восходящего ДП.Код ниже основан на рекурсиях для
биномиальных коэффициентов с перекрывающимися подзадачами.Обозначим через  $C(n, k)$ 
количество выборов из  $n$  по  $k$ , тогда имеем :
//Базовый случай :  $C(n, 0) = C(n, n) = 1$ 
//Рекурсия :  $C(n, k) = C(n - 1, k - 1) + C(n - 1, k)$ 
// У нас есть несколько перекрывающихся подзадач.Например, для  $C(n = 5, k = 2)$ 
рекурсивное дерево будет следующим :

```

```

//C(5, 2)
// \
//C(4, 1)                C(4, 2)
// \ / \
//C(3, 0) C(3, 1)          C(3, 1)          C(3, 2)
// \ / \ / \
//C(2, 0) C(2, 1)      C(2, 0) C(2, 1)    C(2, 1) C(2, 2)
// \ / \ / \
//C(1, 0) C(1, 1)    C(1, 0) C(1, 1) C(1, 0) C(1, 1)
//Мы можем реализовать нисходящее и восходящее ДП
//следующим образом :

```

```

#include <iostream>
#include <cstring>

using namespace std;

#define V 8

int memo[V][V]; // таблица

int min(int a, int b) { return (a < b) ? a : b; }

void print_table(int memo[V][V])
{
    for (int i = 0; i < V; ++i)
    {
        for (int j = 0; j < V; ++j)
        {
            printf(" %2d", memo[i][j]);
        }
        printf("\n");
    }
}

int binomial_coeffs1(int n, int k)
{
    // Нисходящее ДП
    if (k == 0 || k == n) return 1;

```

```

        if (memo[n][k] != -1) return memo[n][k];
        return memo[n][k] = binomial_coeffs1(n - 1, k - 1) +
            binomial_coeffs1(n - 1, k);
    }

int binomial_coeffs2(int n, int k)
{
    // Восходящее ДП
    for (int i = 0; i <= n; ++i)
    {
        for (int j = 0; j <= min(i, k); ++j)
        {
            if (j == 0 || j == i)
            {
                memo[i][j] = 1;
            }
            else
            {
                memo[i][j] = memo[i - 1][j - 1] + memo[i - 1][j];
            }
        }
    }
    return memo[n][k];
}

int main()
{
    int n = 5, k = 2;
    printf("Нисходящее ДП:\n");
    memset(memo, -1, sizeof(memo));
    int nCk1 = binomial_coeffs1(n, k);
    print_table(memo);
    printf("C(n = %d, k = %d): %d\n\n", n, k, nCk1);

    printf("Восходящее ДП:\n");
    memset(memo, -1, sizeof(memo));
    int nCk2 = binomial_coeffs2(n, k);
    print_table(memo);
    printf("C(n = %d, k = %d): %d\n", n, k, nCk2);

    return 0;
}
//
//При C(n = 5, k = 2) код выше выводит следующее :
//Нисходящее ДП :
//-1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1
//- 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1
//- 1 2 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1
//- 1 3 3 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1
//- 1 4 6 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1
//- 1 - 1 10 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1
//- 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1
//- 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1
//C(n = 5, k = 2) : 10

//Восходящее ДП :
//1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1
//1 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1
//1 2 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1
//1 3 3 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1
//1 4 6 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1
//1 5 10 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1
//- 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1
//- 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1

```

```
//C(n = 5, k = 2) : 10
//Временная и пространственная сложность будут выражены как O(n * k).
//В случае нисходящего ДП решения подзадач накапливались по мере необходимости, в то
//время как в восходящем ДП таблица заполнялась начиная с базового случая.
//
//Примечание Для печати был выбран
```

.